Klassifikationsschema für Scheduling-Probleme:

$$\alpha \mid \beta \mid \gamma$$

- \bullet α : Beschreibung des Bearbeitungssystems
- \bullet β : Charakterisierung der Bearbeitungsbedingungen und Restriktionen
- γ : Zielfunktion

(1) Parameter $\alpha \in \{F, J, O, P, \ldots\}$

F (FLOW-SHOP):

die technologischen Reihenfolgen sind vorgegeben und für alle Aufträge identisch

J (JOB-SHOP):

für jeden Auftrag ist eine spezifische technologische Reihenfolge vorgegeben

O (OPEN-SHOP):

es sind keine technologischen Reihenfolgen für die Aufträge vorgegeben

P (PARALLEL-SHOP):

jeder Auftrag besteht aus **einer** Operation, die auf genau einer von m identischen Maschinen auszuführen ist

Modifikationen:

Q – uniforme Maschinen

R – heterogene Maschinen

 $F3, O2, \ldots$ – Probleme mit fester Maschinenanzahl

(2) Parameter $\beta \in \{r_i \geq 0, C_i \leq d_i, t_{ij} = 1, prec, tree, pmtn, no - wait, prmu, n = k, n_i \leq k, res, \ldots\}$

 $r_i \ge 0$ – jeder Auftrag hat einen **Bereitstellungstermin** (release date) $r_i \ge 0$

 $C_i \leq d_i$ – jeder Auftrag hat einen **Fälligkeitstermin** (deadline; strong due date) $d_i \geq 0$, der einzuhalten ist

 $t_{ij} = 1$ – alle Operationen haben **Einheitsbearbeitungszeit**

prec – es bestehen **Vorrangbedingungen** zwischen den Aufträgen

tree – wie prec, jedoch haben die Vorrangbedingungen **Baumstruktur** (z.B. outtree)

pmtn – die **Unterbrechung** von Operationen ist (beliebig oft) erlaubt

no – wait – Wartezeiten sind verboten, d.h. das Bearbeitungsende einer Operation muss mit dem Bearbeitungsbeginn der nachfolgenden Operation des Auftrages übereinstimmen

prmu (Permutation) – auf allen Maschinen ist die **gleiche** organisatorische Reihenfolge zu wählen

n = k – die Anzahl der Aufträge ist **konstant** und gleich k

 $n_i \leq k$ – die Anzahl der Operationen je Auftrag J_i ist höchstens gleich k

res – es gelten **Ressourcenbeschränkungen** (z.B. Verbrauch an Energie, Bedarf an Arbeitskräften usw.; es existieren verschiedene Typen)

(3) Parameter
$$\gamma \in \{C_{max}, \sum w_i C_i, L_{max}, \sum w_i T_i, \sum w_i U_i, \sum f_i(C_i), \sum |C_i - d_i|, \ldots\}$$

$$C_{max} = \max\{C_i \mid i = 1, \dots, n\}$$

(Minimierung der) **Gesamtbearbeitungszeit** (Zyklusdauer, Makespan)

 $\sum w_i C_i$ – gewichtete Summe der Bearbeitungsendtermine

$$L_{max} = \max\{C_i - d_i \mid i = 1, ..., n\}$$
 - maximale 'Verspätung' (Lateness)

$$\sum w_i T_i = \sum w_i \max\{0, C_i - d_i\}$$
 -
gewichtete Summe der Terminüberschreitungen

$\sum w_i U_i$ – gewichtete Summe der verspäteten Aufträge

 $\sum f_i(C_i)$ – Minimierung der **Gesamtkosten** (f_i beliebig, monoton nichtfallend)

Beispiel für **nichtreguläres Kriterium**:

 $\sum |C_i - d_i|$ – Minimierung der Summe der zeitlichen Abstände der Bearbeitungsendtermine von den Fälligkeitsterminen (soft due dates) d_i (MAD Kriterium, just-in-time Produktion)